

Ejercicio 1:

1) a) $p = (p \cdot q) + (p \cdot \bar{q}) \rightarrow$ Usa la tabla de verdad

p	q	$p \cdot q$	\bar{q}	$p \cdot \bar{q}$	$p \cdot q + p \cdot \bar{q}$
0	0	0	1	0	0
0	1	0	0	0	0
1	0	0	1	1	1
1	1	1	0	0	1

Como poseen la misma columna, son equivalentes

b) $xz = (x+y) \cdot (x+y) \cdot (\bar{x}+z) \rightarrow$ Verificas su equivalencia a través de la tabla de verdad

x	y	z	xz	\bar{x}	\bar{y}	x+y	x+y	$\bar{x}+z$	$(x+y) \cdot (x+y) \cdot (\bar{x}+z)$
0	0	0	0	1	1	0	1	1	0
0	0	1	0	1	1	0	1	1	0
0	1	0	0	1	0	1	0	1	0
0	1	1	0	1	0	1	0	1	0
1	0	0	0	0	1	1	1	0	0
1	0	1	1	0	1	1	1	1	1
1	1	0	0	0	0	1	1	0	0
1	1	1	1	0	0	1	1	1	1

Viendo que sus columnas son equivalentes, las fórmulas lo son también lo son.

Ejercicio 2:

2) $x \oplus (y \cdot z) = (x \oplus y) \cdot (x \oplus z)$

Verificas si son equivalentes mirando la tabla de verdad. Puedo ver en la tabla que las columnas difieren en los casos $x=1, y=0, z=1$ y $x=1, y=1, z=0$ pues

x	y	z	$y \cdot z$	$x \oplus (y \cdot z)$	$x \oplus y$	$x \oplus z$	$(x \oplus y) \cdot (x \oplus z)$
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	1	0
0	1	0	0	0	1	0	0
0	1	1	1	1	1	1	1
1	0	0	0	1	1	1	1
1	0	1	0	1	1	0	0
1	1	0	0	0	0	1	0
1	1	1	1	0	0	0	0

* $x \oplus (y \cdot z) = 1 \oplus (0 \cdot 1) = 1 \neq (x \oplus y) \cdot (x \oplus z) = (1 \oplus 0) \cdot (1 \oplus 1) = 1 \cdot 0 = 0$ (primer caso)

* $x \oplus (y \cdot z) = 1 \oplus (1 \cdot 0) = 1 \neq (x \oplus y) \cdot (x \oplus z) = (1 \oplus 1) \cdot (1 \oplus 0) = 0 \cdot 1 = 0$ (segundo caso)

Por lo tanto las fórmulas booleanas no son equivalentes y queda que la propiedad de distributividad asociada con el operador XOR es falsa.